高温超伝導 SQUID ビーム電流モニターの高感度・小型化 SENSITIVITY IMPROVEMENT AND MINIATURIZATION OF HTC-SQUID BEAM CURRENT MONITOR

渡邉環 *^{A)}、福西暢尚 ^{A)}、稲森聡 ^{B)} 今康一 ^{B)} Tamaki Watanabe^{* A)}, Nobuhisa Fukunishi^{A)}, Satoru Inamori^{B)}, Kouichi Kon^{B)} ^{A)}RIKEN, Nishina Center for Accelerator-Based Science ^{B)}TEP Corporation

Abstract

To measure the DC current of heavy-ion beams non-destructively at high resolution, we have developed a high critical temperature (HTc) superconducting quantum interference device (SQUID) beam current monitor (SQUID monitor) for use in the radioactive isotope beam factory (RIBF) at RIKEN. We have completed development of the prototype of the SQUID monitor and installed it in one of the beam transport lines in the RIBF. Presently we have been using the SQUID monitor for current measurement of heavy-ions beams. Furthermore, with the aim of higher sensitivity and miniaturization of the SQUID monitor, we have started the investigation on a new method.

1. はじめに

理化学研究所、仁科加速器研究センターでは、超伝 導量子干涉素子 SQUID (Superconducting Quantum Interference Device)を応用した、HTc SQUID ビーム電流 モニター (HTc SQUID モニター)の開発を行ってきた。 SQUID とは、脳や心臓が発する微弱な磁気信号を検出 可能な、超伝導現象を用いた高感度磁場センサーであ る。本研究に於いては、臨界温度の高い高温超伝導体を 用い、冷凍機によって冷却を行っているため、装置はコ ンパクトになり、ランニングコストの大幅な低減が可能 となった。現在、HTc SQUID モニターは、RIBF のビー ムトランスポートラインにインストールされ、RIBF に おける実験時に、重イオンビーム電流を常時測定して いる [1, 2]。しかしながら、測定分解能は 0.5 μA であ り、高感度で使用する場合には増幅率が高いため、計測 器の安定性に問題が残っている。そこで、HTc SQUID モニターを、さらに高感度・小型化することを目的とし て開発を進めている。過去に開発された各種の低温超 伝導(low critical temperature: LTc) SOUID モニター を解析して得られた詳細な知見を踏まえ、HTc SQUID モニターモニターの高感度・小型化を目指し、その応 用を試みた。

反陽子蓄積リングで開発された LTc SQUID モニター

フェルミ国立加速器研究所では、反陽子蓄積リング に蓄積された反陽子ビームの DC 電流を測定するため に、LTc SQUID ビームモニターの開発が、Kuchnir ら により行われてきた [3]。Figure 1 にその模式図を示す。 二つの超伝導ピックアップループ (PUL)が超伝導イン プット回路につながっている。超伝導インプット回路 の先には、自己インダクタンス L_s を持つ SQUID イン プットコイル (SIC)が接続されている。超伝導ピック アップループ中をビームが通過すると、誘導電流が荷電 粒子ビームの電荷の流れを打ち消すように流れる。例 えば荷電粒子が正に帯電していれば、超伝導ピックアッ



Figure 1: DC SQUID beam current meter [1].

プループ内部と外部において、内部ではビームとは逆 向きに、外部では荷電粒子ビームと同じ向きに遮蔽電 流*i*が流れる。超伝導ピックアップループは超伝導転移 温度以下で動作されるため、遮蔽電流*i*は超伝導電流で あり、マイスナー効果のための完全反磁性を担う。遮蔽 電流*i*は超伝導インプット回路にも流れ、SQUID イン

Table 1: Electrical Parameters of the FNAL LTcSQUID Monitor.

Ι	Beam current	
i	Current flowing superconducting input circuit	
M_p	MI* between beam and PUL*	$\approx L_p$
L_p	SI* of PUL	14 nH
L_w	SI of twist coil which is connected to SIC^*	17 nH
L_s	SI of SIC	2000 nH
M	MI between SIC and SQUID loop	20 nH

*MI : Mutual Inductance, SI : Self Inductance,

PUL : Pick Up Loop, SIC : SQUID Input Coil

^{*} wtamaki@riken.jp

プットコイルに磁束を生じさせる。この磁束は SQUID ループに、相互インダクタンス M を介して磁束が伝達 される。Figure 1 には、この動作に関与する量を表すシ ンボルも示し、これらの意味と典型値は、Table 1 の通 りである。

Figure 1 に示す LTc SQUID モニターの周囲に、アン ペールの法則に従って生じるビーム電流 *I* が作り出す 磁束 ϕ は、マイスナー効果によって、超伝導ピックアッ プループの中に侵入する事が妨げられ、その値が以下 の式 (1) で表される。

$$\phi = M_p I = L_p I \tag{1}$$

この磁束 ϕ に応じる SQUID インプットコイルに流れる 電流iは、

$$i = \frac{\phi}{L_p + L_w + L_s} \tag{2}$$

となる。ここで、SQUID ループ内の磁束 ϕ_s は、SQUID ループと SQUID インプットコイルの相互インダクタン ス Mを使うことにより、以下の式 (3) で表される。

$$\phi_s = Mi = M \frac{L_p}{L_p + L_w + L_s} I \tag{3}$$

ビーム電流 $I \ge SQUID インプットコイルに流れる電流 <math>i$ は、

$$i = \frac{L_p}{L_p + L_w + L_s} I \tag{4}$$

と表され、ここに上記の値を代入することにより、i = I/145の関係が得られる。1 μ A のビーム電流がに対し、SQUID ループ内に生じる磁束 ϕ_s は、式 (3) から算出すると、6.67 × 10⁻² ϕ_0 (磁束量子 $\phi_0 = 2.067851 \times 10^{-15}$ Wb)と表される。

3. 理化学研究所の HTc SQUID ビームモニ ター

Figure 2 は、理化学研究所に於いて、プロトタイプと して稼働している HTc SQUID モニターの構成を示す模 式図である [4]。HTc 超伝導ピックアップループは、酸 化マグネシウム (MgO) で作られた筒状のセラミック スに、ビスマス系の高温超伝導材 (Bi₂-Sr₂-Ca₂-Cu₃-O_x (Bi-2223))を 500 μm の厚さで塗布焼成して製作され る。前述したように、HTc 超伝導ピックアップループ



Figure 2: Schematic drawing of the HTc pick up loop[3].

の内部をビームが通過すると、マイスナー効果によって 超伝導の表面を遮蔽電流が流れる。ブリッジ部と称する HTc 超伝導ピックアップループの一部に遮蔽電流が集 中するため、ブリッジ部を通過する遮蔽電流は方位角方 向に磁場を形成する。ブリッジ部に高温超伝導 SQUID を置くことにより、磁場を高感度に測定し、電流値に 換算する事が可能となる。ブリッジ部が Fig. 1 のイン プットコイルとして動作することから、HTc SQUID モ ニターの動作解析のために式(1)~式(4)を採用するこ とができる。HTc SQUID モニターについてはすでに感 度が測定されているため、ここでの解析は性能を決め ている動作機構やその実際の数値範囲を調査すること が目的である。まずカップリング係数 αを以下のよう に定義する。

$$\alpha = L_p / (L_p + L_w + L_s) \tag{5}$$

このカップリング係数 α は、式 (4) から明らかなよう に、ビーム電流 *I* に対するインプットコイルに流れる 電流 *i* の比率である。なお、このカップリング係数 α に より式 (5) を表現し直すと次のようになる。

$$\phi_s = M\alpha I \tag{6}$$

他方、アンペールの法則から、ワイヤーに流れる電流iが中心からrmmの場所に作り出す磁場 B_{calc} は、

$$B_{calc} = \frac{\mu_0 i}{2\pi r} \tag{7}$$

となる。HTc SQUID モニターの場合、SQUID センサー として用いる SQUID グラジオメーターのインプットコ イルは、中心から6mmに位置しているので、その値 を式(7)に代入すると、ビーム電流1µAの際の計算上 の磁場 B_{calc} は 33.3 pT / 1µA となる。ここで、現実の SQUID グラジオメーターの感度は実測で、0.9 nT/V であり、HTc SQUID モニターの感度が実測で10mV/ 1µA である。これらから、同プロトタイプでの SQUID グラジオメーターが直接測定している磁束密度の実際 の値は、1 µA のビーム電流 *I* に対して、9 pT となって いるといえる。この実測値と計算上の磁場 Bcalc とに より、上記カップリング係数 α が 0.270 と算出される。 また、SQUID グラジオメーターの磁束と磁場の関係が 予め測定されているので、1 μA の場合の磁束 2.17 × 10⁻² φ₀ を式 (6) に代入すると、SQUID ループとブリッ ジ回路の相互インダクタンス M は、0.166 nH と算出 される。また、HTc 超伝導ピックアップループの自己 インダクタンス L_p は、外径 R_o 、内径 R_i 、高さhを持 つ一般のトロイダルコアの解析に基づき、以下の式(8) で与えられる。

$$L_p = \frac{N^2}{2\pi} \mu \mu_0 h \ln \frac{R_o}{R_i} \tag{8}$$

プロトタイプ HTc SQUID モニターの場合、 R_o 49.5 mm、 R_i 43.0 mm、h 250 mm であることから、HTc 超 伝導ピックアップループの自己インダクタン L_p は、N = 1 とおくことにより、7.04 nH と算出される。また、 ブリッジ回路の自己インダクタンス L_s は、 L_w =0 なの で、式 (5) の α と L_p より求められ、19.0 nH と算出さ れた。 4. TARN II における LTc SQUID ビームモニ ター



Figure 3: Circuit diagram of the LTc SQUID monitor of TARN II ring.

TARN II (高エネルギー加速器研究機構:旧東京大学 原子核研究所)において、過去に開発された LTc SQUID モニター [5]を例に、ビーム電流が作り出す磁束を計算 し、ビーム電流測定の分解能について説明する。この 分解能は TARN II の LTc SQUID モニターのノイズレベ ルと比較することによって得られ、実測の LTc SQUID モニターの感度は5mV/1nAである。TARN IIのLTc SQUID モニターの SQUID センサーを含む回路系の模 式回路図を Fig.3 に示す。実際は、ダブルワッシャーと 呼ばれる、耐ノイズ性に優れた構造をしているが、計算 が複雑になるためモデルを単純化した。LTc SOUID モ ニターは、フィードバックコイル、フィードバック抵抗、 バッファーアンプにより構成される、FLL (Feedback Locked Loop) 動作のためのフィードバックパスを備え ている。ここでピックアップコイル (PUL) はトロイダ ルコアに巻かれており、荷電粒子ビームの通過によっ て発生した電流は、このピックアップコイル内(すな わちトロイダルコア内)に磁束をもたらす。ピックアッ プコイルと SQUID インプットコイル (SIC) は、それ らの間の配線も含めてニオブの超伝導線によって作製 されている。このような構成により、マグネティックコ アに生じた磁束 φ は、上記超伝導線中の超導電流 I を 介し SQUID センサーに磁束 ϕ_s を生じさせる。トロイ ダルコアの仕様は Table 2 のとおりである。これらの値 を上述した式(8)に代入することにより、このトロイダ ルコアのインダクタンスつまりピックアップコイルの

Table 2: Specifications of the Toroidal Magnetic Core

Toroidal core	Vitrovac 6025F [6]	
Relative permeability	μ	25.000
Outer diameter	R_o	400 mm
Inner diameter	R_i	322 mm
Height	h	25 mm
Turn numbers	n	1

Table 3: Electrical Parameters of the TARN II LTc SQUID Monitor

L_p	SI* of PUL*	$27 \ \mu H$
L_i	Inductance of SIC*	17 nH
M_{is}	MI^* between SIC and SQUID loop	5 nH
M_{fi}	MI between FBC* and SIC	6 nH
M_{fs}	MI between FBC and SQUID loop	2 pH
R_f	Resistance of feedback circuit	$4.7 \ \mathrm{k}\Omega$

*MI : Mutual Inductance, SI : Self Inductance, PUL : Pick Up Loop, SIC : SQUID Input Coil, FBC : Feed Back Coil

自己インダクタンスが 27 μ H と求まる。Figure 3 には、 この動作に関与する量を表すシンボルも示し、これら の意味と典型値は Table 3 の通りである。ピックアップ コイルに磁束 ϕ が形成される事により、ピックアップ コイルとインプットコイルを含むループに生じる遮蔽 電流 I_p との間には、次の関係が成立する。

$$\phi = (L_p + I_i)I_p \tag{9}$$

 $但し、L_p \gg L_i$ なので、以下の様に近似できる。

$$\phi \approx L_p I_p \tag{10}$$

この電流 I_p によって SQUID ループに磁束 ϕ_s が伝達されるので、

$$\phi_s = M_{is}I_p = M_{is}\phi/L_p \tag{11}$$

の関係が成り立つ。フィードバック測定で磁束ロック 状態になると、この SQUID コイル内の磁束がゼロにな るように、フィードバックコイルに電流 I_f が流れる。 従って、 V_{out} を SQUID の出力電圧とすると、磁束 ϕ_s は以下の式 (12) で表される。

$$\phi_s = M_{fs}(eff)I_f = M_{fs}(eff)V_{out}/R_f \tag{12}$$

ここで、 $M_{fs}(eff)$ と表現するのは、フィードバックコ イルと SQUID ループの間の実効的な相互インダクタン スを示すためである。この値に反映されるのは、フィー ドバックコイルからの磁束伝達が直接 SQUID コイルに 伝達される成分(つまり M_{fs})とインプットコイル経 由で伝達する分が存在するからである。すなわち、

$$M_{fs}(_{eff}) = M_{fs} - M_{fi}M_{is}/(L_p + L_i)$$

$$\approx M_{fs} - M_{fi}M_{is}/L_p$$
(13)

と表される。上記の過程を整理すると、信号磁束 ϕ と 出力電圧 V_{out} の関係が、

$$V_{out} = (M_{is}R_f\phi)/(L_pM_{fs} - M_{fi}M_{is})$$
(14)

と導き出される。次に、これらに従って具体的な数値 を用いて信号磁束 φ を求め、実際の出力と比較する。 ピックアップコイルの自己インダクタンスを 27 μH と すると、1 nA のビーム電流に対して、ピックアップコ

Proceedings of the 13th Annual Meeting of Particle Accelerator Society of Japan August 8-10, 2016, Chiba, Japan

PASJ2016 TUP088

イルに生じる信号磁東 ϕ が2.7 × 10⁻¹⁴weber、さらに 1 nA の場合の計算上の出力が 26 mV / 1nA となる。他 方、LTc SQUID モニターの現実の感度は、上述したよ うに5mV/InAである。これから、実際の感度は計算 上の出力の約1/4に相当するといえる。式(11)より SQUID上での磁束 ϕ_s は、5 x 10⁻¹⁸ weber となる。ここ で、LTc SQUID モニターの磁束換算ノイズは、10 $\mu\phi_0$ / \sqrt{Hz} = 2.07 10^{-20} weber 以下である。このため 1 Hz の帯域とした場合、1 nA のビーム電流が作り出す磁束 は、LTc-SOUID の磁束換算ノイズの約 250 倍となる。 このノイズレベルと等価になるような信号の帯域は15 Hz に相当する。

5. HTc SQUID ビームモニターの高感度・小 型化

5.1 ダイレクトカップリング法

各種のビーム電流測定装置を解析して得られた上記 詳細な知見を踏まえ、SQUID モニターの高感度化を目 指すための重要なパラメータが存在することに気づい た。上記各知見は、超伝導体の超伝導転移温度とは独 立しており、ピックアップコイル、インプットコイル、 および SQUID センサーの間の電磁気的な結合条件を整 理したものである。加えて、ビーム電流計の分解能を 決定するのは信号対ノイズ比(SN比)であるため、ノ イズ成分が抑制できない状況で分解能を上げるために は信号成分を増大させるしかない。その信号成分とは、 式 (12) 中の SQUID センサー上に伝達される磁束 ϕ_s で ある。この磁束 φ_sを効果的に増やすためにピックアッ プコイルの自己インダクタンスL_pを増大させることに 着目する。即ち、自己インダクタンスL_nが大きくなる と、付随するインダクタンスが存在したとしても、それ が無視しうる程度であるなら、マイスナー効果のため にビーム電流が作り出す遮蔽電流とビーム電流とが互 いに一致する。また、式(10)から明らかなように、ピッ クアップコイルの自己インダクタンス L_n が大きければ 集められる磁束 φ も大きくなるため、SQUID ループ上 に伝達される磁束 ϕ_s も増える。更に、LTc SQUID モニ ターでは、ピックアップコイルで得られた磁束を一旦 電流に変換し、SQUID インプットコイルに磁束を伝達 している。このような方法で磁束の漏れがあると、そ れだけ伝達される磁束が減少してしまう可能性がある。 そこで、HTc SQUID モニターを改良するために、上記 伝達のプロセスを削減しうる構造(「ダイレクトカップ リング」と呼ぶ)を採用することとする。

Figure 4 に、具体的的な構成例の一部破断分解斜視 図(a)とその断面図(b)を示す。HTc 超伝導ピック アップループは、誘導環(Induction Ring)とシールド 環(Shielding Ring)からなり、その中にマグネッティッ クコアが同軸上に配置される。ビームが、Fig.4に示す ように、中心軸に沿って進む場合、ビーム電流が生成す る磁場は、アンペールの法則と右ネジの法則に従いマ イスナー効果により HTc 超伝導ピックアップループに とってのポロイダル方向に遮蔽電流を生じさせる。こ のポロイダル方向の遮蔽電流が、マグネッティックコア の内部に磁束を生成する。Figure 4(b)では遮蔽電流、 荷電粒子ビームを、ともに電荷の流れの向きにより矢 印で示している。誘導環の開口には、やはり環をなし ているシールド環が配置される。このシールド環にも、 ビーム電流による遮蔽電流が、マイスナー効果に従っ た超伝導電流となってポロイダル方向に流れる。マグ ネティックコアには、その内部を通る磁束と磁気的に 結合する位置に磁束検出部分となる SOUID ピックアッ プループを持つようにして SQUID センサーが配置され る。マグネティックコアが高透磁率材料で作製されてい ることは、高い磁束密度を通じ、マグネティックコアの 自己インダクタンスを高める作用を持つ。マグネティッ クコアに生成される磁束を検出するためのダイレクト カップリングの構成として、マグネティックコアに磁気 ギャップを形成する構成と、磁気ギャップを形成しない 構成との両者が有望であると考えている。そこで、磁 気ギャップを用いる構成についてまず説明し、次に磁気 ギャップを用いないものについて述べる。

5.2 磁気ギャップを用いるダイレクトカップリング

磁気ギャップを用いるダイレクトカップリングでの 典型的なマグネティックコアは、トロイダル方向に高 透磁率材料が途切れる磁気ギャップが設けられている。



Figure 4: HTc SQUID monitor based on the direct coupling method.



Figure 5: Magnetic core with magnetic gap.

Proceedings of the 13th Annual Meeting of Particle Accelerator Society of Japan August 8-10, 2016, Chiba, Japan

Table 4: Electric and Magnetic Parameters of theMagnetic Core with Magnetic Gap

- *I* Current flowing around magnetic core
- N Turn numbers of coil
- ϕ Magnetic flux
- μ_r Relative permeability of magnetic core
- S Cross-sectional area of magnetic core
- *L* Length of magnetic path along magnetic core
- G Length of air gap

SQUID センサーは、磁束検出部が磁気ギャップに位置 するようにして配置し、その位置の磁束を定量すれば、 ビーム電流を測定することができる。この構成におけ る SQUID モニターの性能を、以下のようにして考察す る。Figure 5 は、Fig. 4 に示した SQUID モニターのマグ ネティックコアと電磁気学的に等価な仮想コアモデルを 示す模式図である。マグネティックコアには磁気ギャッ プ(長さ G)が形成され、SQUID センサーが配置され る。Figure 5 の磁気回路の動作を解析するための各パラ メータは、Table 4 のように与えられる。ここで、起磁 力 F_m は、電流 I、磁束 ϕ 、磁気抵抗 R_m を用いて、

$$F_m = NI = \phi R_m \tag{15}$$

の関係がある。また、このエアギャップがある仮想コア モデルに於いて、マグネティックコアの磁気回路全体で の磁気抵抗 *R_m* は、

$$R_m = \frac{L}{\mu S} + \frac{G}{\mu_0 S} \tag{16}$$

で表される。磁束 φ は、式 (15) と式 (16) を用いると、

$$\phi = \frac{NI}{\frac{L}{\mu S} + \frac{G}{\mu_0 S}} = \frac{NIS}{\frac{L}{\mu} + \frac{G}{\mu_0}}$$
(17)

と表される。例えばマグネティックコアが高い透磁率材 料で作製され、磁気ギャップが空気や非磁性材の冷媒で ある場合、 $\mu \gg \mu_0$ の条件が成り立つ。その場合には、 式 (17) は、

$$\phi = \frac{\mu_0 NIS}{G} \tag{18}$$

と近似する事ができる。このような動作を評価するため に、ビーム電流 *I* を 1 nA とした場合の数値を見積もる。 この見積りでは、荷電粒子ビームがワンパスであるため に *N* =1 とし、実際に作製した一例の HTc SQUID セン サーの詳細な仕様(Table 4 に摘記)を反映させる。計 算のため、マグネティックコアの断面積 *S* とエアギャッ プ*G* それぞれを、HTc SQUID センサーの有効面積と 高さに等しくなるように製作したと仮定する。これら の値を式 (18) に代入すると、HTc SQUID センサー上で の磁束 ϕ_s は、5.3 × 10⁻¹⁹ weber となる。つまり帯域 を 1 Hz とした場合の 1 nA のビーム電流が作り出す磁 束は、HTc SQUID センサーの磁束換算ノイズの約 13 倍程度の値である。なお、TARN II のために開発され た LTc SQUID モニターでの上記比率を算出すると、約 250 倍となる。この比率と同様の値を実現するためには 式 (18) に基づいて形状を調整すればよく、例えばエア ギャップを 1/10 の 1 mm、インプットコイルの有効面 積を 2 倍の 8.4 mm² にそれぞれに設定する。このよう に SN 比を 20 倍程度向上させる構成も、本実施形態で は現実的なものとなる。

さらに、式(18)に至る解析的な近似計算による見積 り結果の確認のために、OPERA 3D [7] による有限要素 法での電磁場シミュレーションによる数値計算を実施し た。数値計算では簡単のために、トロイド形状のマグネ ティックコアに代えて、Fig.6に示すように正方形の四 角枠形状とした。比透磁率を 10^5 、断面積を $2 \text{ mm} \times 2$ mm、磁気ギャップを10mmという条件のもとで計算を 行った。そして数値計算の結果、1nAのビーム電流の 条件では、SOUID センサーを置くべき磁気ギャップの 中心の磁束が、8.6×10⁻¹⁹ weber と計算された。この 値は、式(18)の解析的近似計算に基づいて得られた結 果、 $(5.3 \times 10^{-19} \text{ weber})$ と同一の桁となる。こうして、 解析的計算および数値計算のいずれも性能予測の上に おいて類似した結果をもたらすことを確認した。また、 磁気ギャップを用いる場合、ギャップを設ける事、およ びそのサイズを広げる事に応じ磁気抵抗が増大するこ とを確認した。磁束を増大させるためには磁気ギャップ を適切な構造とすることが重要である。

5.3 磁気ギャップを用いないダイレクトカップリング

次に磁気ギャップを用いないダイレクトカップリング の構成を説明する。解析的計算のために採用するモデ ルは、磁気ギャップを形成せず途切れのない環状とする 点を除き Fig. 5 に示した仮想コアモデルと同じ構造と する。磁気ギャップを式 (17) にて *G* = 0 とすると、生 成される磁束 φ は次の様に表せる。

$$\phi = \frac{\mu_r \mu_0 NIS}{L} \tag{19}$$

ここで、 μ_r は比透磁率である。マグネティックコアの半径 $r \ge 50 \text{ mm}$ 、面積 $S \ge 4 \text{ mm}^2$ 、比透磁率 $\mu_r \ge 10^5$ 、ビーム電流 $I \ge 1 \text{ nA}$ とすると、磁束 ϕ は 1.6×10^{-15} weber と見積もられる。この磁束 ϕ は、上述した HTc SQUID モニターの磁気ギャップがあった場合の 3000 倍 もの値であり、TARN II で使用された LTc SQUID モニ ターに比べても約 300 倍である。

さらに磁気ギャップがある場合と同様に、有限要素 法による数値計算を行った。その際も OPERA 3D を使 い、磁気ギャップが形成されていない点を除き同一の構 造を仮定した。マグネティックコアの比透磁率を 10⁵、 断面積を 2 mm × 2 mm とした。結果、マグネティック コアにおけるコア材質中の中心での磁束 φ の値は 5.0 ×

Table 5: Specifications of the HTc SQUID

S	Effective area of input coil	4.2 mm^2
G	Height	10 mm
ϕ_N	Noise level	$4.1 imes 10^{-20}$ weber / \sqrt{Hz}
		$(10 \ \mu \phi_0 \ / \ \sqrt{Hz})$

10⁻¹⁵ weber と計算され、解析的計算の値(1.6×10⁻¹⁵)の約3倍と算出された。こうして磁気ギャップを用いない場合についても、解析的計算および数値計算のいずれの性能予測においても、類似した結果をもたらすことを確認した。

なお、磁気ギャップを用いないダイレクトカップリ ングを実現するためには、HTc SQUID センサーのイン プットコイル内にアンテナコアを通す手法 [8] を採用す ることができ、理化学研究所に於いてプロトタイプと して稼働している HTc SQUID モニターでは、すでにこ の HTc SQUID センサーが使われている。

5.4 磁気シールド

ビーム電流の測定分解能は、信号対雑音比即ち、SN 比で決まる。SN 比を高めるには、環境磁場などに起因 する外部ノイズの遮蔽が非常に重要になる。なお、この 環境磁場となるものは、主に地磁気や測定環境に配置さ れる他の機器が生じる磁場である。誘導環とシールド環 とが互いに別体のものから一体化される事から、超伝導 体が連続しない領域が生じ、そこからの環境磁場の侵入 が問題となり得る。磁気シールド性能として、磁場の収 容空間への侵入の程度を、具体的には、Figure 6 に示し た HTc SQUID モニターのモデルを対象に、TOSCA を 用いて静磁場のシミュレーションを行った。超伝導体の 特性を近似的に表すため、比透磁率の値を 1.0 × 10⁻¹² として計算している。つまり、マイスナー効果による完 全反磁性は正しく計算されていないものの、類似した 状況とした。ここで、シールド内部の磁場を Sin、シー ルド外部の環境磁場を S_{out} とし、遮蔽率Sを

$$S = S_{in}/S_{out} \tag{20}$$

と定義する。誘導環とシールド環との間の超伝導体が存在しない領域は、互いの間に比透磁率1で0.5 mmの厚さの隙間を設けることによりモデルに反映させた。その結果、遮蔽率Sは環境磁場の向きに依存することが判明した。具体的には、Fig.6に示す座標軸でZ方向に向く環境磁場に対する遮蔽率は、マグネティックコアが配置される全周位置で外部の10⁻³程度となり、殆ど侵入しなかった。他方、X方向またはY方向に外部磁場をかけた場合は、超伝導体の切れ目となる誘導環と

シールド環の隙間からの磁場の侵入は大きく、例えば X方向の環境磁場に対して四角枠のうち X方向に延び る辺では、ほとんど遮蔽できず遮蔽率 S は 0.98 程度、 Y方向に延びる辺では S が 0.09 程度となった。上述し たように現時点では、実際の超伝導体のマイスナー効 果は計算に精密には反映されていないものの、ノイズ となる環境磁場の磁気シールドの観点では、誘導環と シールド環との隙間は有意な影響を持ちうることが確 認された。さらに、実際の超伝導材では、マイスナー 効果によって完全反磁性の効果が期待できる。OPERA 3D の ELEKTRA というシミュレーションコードは、金 属上に高周波磁場をかけることにより渦電流を発生さ せ、磁気遮蔽の計算が可能なため、マイスナー効果に 近い計算ができないか現在検証を行っている。

HTc SQUID ビームモニターの高感度・小型化実現に向けて

誘導環やシールド環を作製する材質は、基盤または 基材となる材質として銀を採用し、例えばビスマス系 酸化物高温超伝導体(Bi₂-Sr₂-Ca₁-Cu₂-O_x(Bi-2212))を 採用することが好ましい。Bi-2212は比較的高い超伝導 転移温度($T_c \approx 80 \text{ K}$)を示し液体ヘリウムでの冷却を 必要とせず、さらに銀を基材にして十分な性能の超伝導 体の層を形成できる。また、誘導環やシールド環のよう なC字形状断面程度の複雑さを持つ形状は、電子ビー ム溶接を用いた手法などにより作製することができる。 銀表面へ成膜された Bi2212 では、雰囲気や温度条件を 適切にした溶融法などの適切な成膜手法により、高い 超伝導転移温度を発揮させることができる。高い臨界 温度 (Tc) と臨界電流密度 (Jc) を得るために、MgO 基盤 を用いて Bi2212 の厚膜生成の試験を行った。Figure 7 に、各溶融温度で生成された厚膜の電子顕微鏡(SEM) の写真を示す。この測定により、889°C未満では超伝 導の結晶化が進んでおらず、また 891°C 以上では不純 物の析出(Bi-Free相)が起こる事が解った。X線回折 法による測定でも、890°C~891°C近辺の溶融温度条件 で、Bi2212相を示すピークが高かった。今回の試験は、 10分で 890°C まで昇温する事により溶融させ、860°C まで5℃/分で徐冷し、Bi2212の溶融を進めた。その 結果、100 μm の厚さで Bi2212 膜厚を生成し、臨界温 度 Tc が 80.5 K、臨界電流密度 Jc が 135 A / cm² という



Figure 6: HTc pick up loop model used for the calculation by OPERA 3D.



Figure 7: Comparison of the surfaces as observed by a scanning electron microscope.

実測結果が得られた。

謝辞

Forschungszentrum Juelich GmbH の Dr. Faley には高 温超伝導 SQUID に関して、島津製作所の品田 恵博 士には LTc SQUID モニターに関して有意義な助言を頂 き、また電力中央研究所の小野 新平博士には Bi2212 の臨界温度測定の協力を頂き、謝意を表したい。なお 本研究の一部は、学術研究助成基金助成金(基盤研究 (C):課題番号 23600015)によって行われている。

参考文献

- [1] T. Watanabe et al., "PRACTICAL APPLICATION OF HIGH-Tc SQUID BEAM CURRENT MONITOR", Proceedings of the 11th Annual Meeting of Particle Accelerator Society of Japan, Aomori, Aug. 2014, pp. 292-295; http://www.pasj.jp/web_publish/pasj2014/proceedings/PDF/ MOOM/MOOM11.pdf
- [2] T. Watanabe et al., "HTc-SQUID BEAM CURRENT MON-ITOR AT THE RIBF", Proceedings of the 2015 International Beam Instrumentation Conference, Melbourne, Australia, Sep. 2015, pp. 590-594; http://accelconf.web.cern.ch/AccelConf/IBIC2015/papers/ wecla03.pdf
- [3] M. Kuchnir et al., "SQUID BASED BEAM CURRENT ME-TER", IEEE Trans. ON MAGNETICS, Vol. MAG-21, NO.2, Mar. 1985, pp. 997-p.999.
- [4] T. Watanabe et al., "DEVELOPMENT OF BEAM CUR-RENT MONITOR WITH HIGH-Tc SQUID AT RIBF", Proceedings of the 2010 International Beam Instrumentation Conference, Santa Fe, New Mexico, US, May 2015, pp. 523-532; http://accelconf.web.cern.ch/AccelConf/BIW2010/papers/

http://accelconf.web.cern.ch/AccelConf/BIW2010/papers/ weianb02.pdf

- [5] T. Tanabe *et al.*, "A cryogenic current-measuring device with nano-ampere resolution at the storage ring TARN II", Nucl. Instrum. and Meth., A 427, NO.2, 1999, pp. 455-p.464.
- [6] VACUUMSCHMELZE GmbH & Co., http://www.vacuumschmelze.com/en/home.html
- [7] COBHAM, http://www.cobham.com/home.aspx
- [8] Michael I. Faley, "Epitaxial Oxide Heterostructures for Ultimate High-Tc Quantum Interferometers," Chapt. 7 in "Applications of High-Tc Superconductivity", InTech 2011, ISBN 978-953-307-308-8, DOI:10.5772/2522; http://cdn.intechopen.com/pdfs-wm/16189.pdf