MAGNETIC FIELD MEASUREMENTS FOR SuperKEKB/PF-AR POSITRON DAMPING RING

Kentaro Harada^{#,A)}, Shinya Nagahashi ^{A)}, Kazumi Egawa ^{A)}, Mitsuo Kikuchi ^{A)}, Masafumi Tawada ^{A)} ^{A)} KEK, 1-1 Oho, Tsukuba-shi, Ibaraki, 305-0801

Abstract

The construction of the SuperKEKB began in July, 2010. For the low energy ring (LER, 4GeV positron ring), because of the short touscheck lifetime of the low emittance optics, the effective and frequent injection is essential to keep the high luminosity. Thus the damping ring (DR) is required to generate the low emittance positron beam. After the construction of the SuperKEKB, the 4GeV positron beam from DR will also be injected to the PF-AR. The bending magnets and the quadrupole magnets for DR were manufactured in 2010. The magnetic measurement system was also designed and manufactured in 2010. From 2011, the magnetic measurements began. In this presentation, the parameters of the magnetic measurement system and the tentative results of the magnetic field measurements of the DR magnets are shown.

SuperKEKB/PF-AR 用陽電子ダンピングリングの電磁石磁場測定

1. はじめに

KEKB リングは 2010 年 6 月 30 日に運転停止し、 現在、SuperKEKB への改造作業が行われている。 SuperKEKB は LER (Low Energy Ring:陽電子 4GeV) と HER (High Energy Ring:電子 7GeV)の 衝突型加速器で、低エミッタンスのオプティクスを 採用して高いルミノシティを実現する為、特に低エ ネルギーの LER ではビームの Touscheck 寿命が短く、 高い入射効率での頻繁入射が必須となる。その為、 電子ビームを標的に衝突させて生成される 2 次ビー ムである陽電子ビームをそのまま用いると、ビーム サイズが大き過ぎて入射効率が非常に悪く、ビーム 損失も大きいことが予想される。そこで、線形加速 器の途中に Damping Ring (DR)を建設し、陽電子 ビームのエミッタンスを小さくしてから再加速し、 LER への入射が行われることになった^[1]。

また、SuperKEKB 及び DR の建設に伴い、PF-AR の入射方式も大幅に改造されることになっている。 現在、PF-AR は 3GeV 電子を入射、6.5GeV まで加 速してユーザー運転を行っているが、SuperKEKB の LER にあわせ、4GeV 陽電子入射、6.5GeV 加速 してユーザー運転を行うことが検討されている^[2]。

(直接入射路を新たに建設し、6.5GeV 電子で topup も検討されている。)

ここでは、DR 用に製作された偏向電磁石 (Bending Magnet, BM)及び4極電磁石(Quadrupole Magnet, QM)の為の磁場測定装置の概要と測定の途 中経過について述べる。

2. 磁場測定装置の概要

DR 用の BM、QM は 2010 年度にフランスシグマ ファイ社で製作された(表1)。なお、DR では6 極電磁石も用いられるが、それは現在設計制作中で ある。DR 用電磁石は従来の蓄積リング用電磁石に 比べて磁極ギャップやボア直径が小さい為、既存の 磁場測定装置では磁場測定が困難であり、そこで、 新たな磁場測定装置が製作された。

精密磁場測定は、磁場中でコイルを回転させ、コ イルに発生した電圧を測定することで行われるのが 一般的である^[3]。そのような回転コイルを、ハーモ ニックコイルという(図1)。コイルに発生する電 圧はそのコイルを貫く磁束の時間微分に等しく、

表1:DR用BM、QMのパラメータ

種類	名	有効長 L _{eff} [m]	規定磁場 (勾配) [T, T/m]	積層長 L _{lam} [m]	磁極 間隙 [mm]	製作 台数
偏向 電磁石 (BM)	B1	0.75	1.35	0.69	46	33
	B2	0.29	1.22	0.23	46	39
	B3	0.39	1.18	0.32	46	5
	В4	0.47	1.18	0.41	46	5
4極 電磁石 (QM)	QF		25.08			
	QD	0.20	18.37	0.20	46	82
	QS		25.08			





$$V = -\frac{\partial}{\partial t}\varphi = -\frac{\partial}{\partial t}\int_{S}B_{\theta}dr$$

と書ける。ここで、 B_{θ} はコイルに垂直な磁場、積分 はコイルに囲まれた面上での積分である。ここで、 電磁石の磁場の角度方向成分は、多極展開して

$$B_{\theta} = \sum_{n=1}^{n} n r^{n-1} (A_n \cos n\theta - B_n \sin \theta)$$

と書ける。ただし、 A_n は normal 磁場の n 極成分、 B_n は skew 磁場の n 極成分である。従って、ハーモ ニックコイルの動径方向の内側位置を r_{in} 、外側位置 を r_{ex} とすると、コイルが水平から角度 θ の場所にあ る時にコイルを貫く磁束は、以下の様に書ける。

$$\varphi = \sum_{n=1}^{n} L\left(r_{ex}^{n} - r_{in}^{n}\right) \left(A_{n} \cos n\theta - B_{n} \sin \theta\right)$$

ここで、L はコイルの長さである。従って、コイル に発生する電圧は

$$V = \sum_{n=1}^{n} NLn \left(r_{ex}^{n} - r_{in}^{n} \right) \left(A_{n} \sin \theta + B_{n} \cos \theta \right) \dot{\theta}$$

となる。コイルの1回転をT分割して電圧を積分すると、 $\Delta \theta = 2\pi/T$ として、角度 θ における電圧の出力値は

$$VS(\theta) \equiv \int_{\theta - \frac{\Delta\theta}{2}}^{\theta + \frac{\Delta\theta}{2}} V(\theta) d\theta$$

= $-2LN \sin n \frac{\Delta\theta}{2} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\left(r_{ex}^{n} - r_{in}^{n}\right)}{\cdot \left(A_{n} \sin \theta - B_{n} \cos \theta\right)}$

となる。従って、これをフーリエ展開すれば磁場の 各極成分が得られ、

$$B_{skew}^{(n-1)} = \frac{n!}{2LN\sin n\frac{\Delta\theta}{2}\left(r_{ex}^{n} - r_{in}^{n}\right)}VS_{n,\cos}$$
$$B_{norm}^{(n-1)} = -\frac{n!}{2LN\sin n\frac{\Delta\theta}{2}\left(r_{ex}^{n} - r_{in}^{n}\right)}VS_{n,\sin}$$

となる。電磁石のビーム軸方向の中央で短いコイル (図1の short coil)を回転させれば、電磁石中心で の磁場(勾配)が測定でき、電磁石を貫く長いコイ ル(long coil)を回転させれば、磁場の裾の漏れ磁 場まで含んだ全体の積分磁場(勾配)が測定できる。 積分値を中心値で割れば、実効長が計算できる。 DR 用に製作された、偏向電磁石用の磁場測定装置 を図2に、4極電磁石用の磁場測定装置を図3に示 す。

偏向電磁石用の磁場測定器は、磁場分布を測定す る為に、コイルが水平方向に移動できる様になって いる。磁場測定時には、2 台の BM を向かい合わせ に並べるが、一方は室温や水温変化の校正の為の参 照用で、測定毎に交換はしない。偏向電磁石の据え 付けは電磁石上部のターゲット座にターゲットを載 せ、それを望遠鏡でのぞいて位置を決める。望遠鏡 は図2 手前に見える黄色い柱上部に固定できる様に なっている。測定では2極成分のみ測定を行うが、 水平方向にコイルを移動させることで、磁極間及び 裾を含む広い範囲で磁場分布を測定することができ



図2:偏向電磁石用磁場測定器



図 3:4 極電磁石用磁場測定器

表2:磁場測定コイルのパラメータ

	BM用	QM用 1巻	QM用 多数巻
ボビン外直径	20	40	40
短コイル 長さ	20	20	20
巻数	4	1	200
コイル外位置	9.05	14	13.5
コイル内位置	-9.05	1	1.5
長コイル 長さ	2000	1600	1600
巻数	4	1	40
コイル外位置	9.6	19	13.5
コイル内位置	-9.6	0	0

る。コイルは図1とは異なり、短コイル、長コイル とも、動径方向にはボビンの端から端まで張られて いる。(フリップコイルという。)このようなコイル を使うと、フーリエ変換せずとも電圧信号の和で2 極成分を求めることもできる。なお、偶数次の磁場 (中心軸対称の磁場) はハーモニックコイルと同様 にフーリエ変換で求められる一方、奇数次磁場の効 果は理想的には中心軸を挟んで左右で打ち消される ので、電圧ゼロとなり、求めることができない。今 回は測定、解析方法を4極と統一する為、エンコー ダを用いて正確に角度を刻んだ電圧波形を測定し、 それを離散フーリエ変換して磁場を求めた。一方、 4 極電磁石の磁場測定では、電磁石を設置した後、 コイルを通し、ベアリング一式を移動させてコイル を固定する。コイルは電磁石中央に精度よく固定さ れ、測定ではフーリエ変換によって多極成分まで測

定を行う。電磁石の据え付けは、中心に十字に金属 線を張った求心治具をボアに挿入し、それを望遠鏡 で観測して行った。電磁石上のターゲット座とボア 中心の関係は、今後、別途測定されることになって いる。また、4 極電磁石用のハーモニックコイルは 2 種類製作された。一方は磁束が貫く断面積を正確 に決められる1巻コイル、一方は信号電圧を高め、 正確に高次までの磁場が解析可能な多数巻コイルで ある。それぞれの磁場測定器のコイルのパラメータ を表2に示す。

3. BM 磁場測定途中経過

現在までに B1、B3、B4 全数の水平磁場分布、励磁曲線の測定が完了している。測定に特に問題はなく、順調に進んでいる。図4 に各電磁石全数の平均励磁曲線、図5 に設計電流における平均磁場水平分布を示す。B1 は 33 台、B3 と B4 は 5 台ずつの平均であり、設計電流値は B1 が 815A、B3、B4 が 700Aである。短コイルで測定した中心磁場(central field))を"ct"、長コイルで測定した積分磁場をコア長で割った実効磁場(effective field)を"ef"で示す。B3 と B4 はコア長が短い為、裾の効果が大きい。どれも設計時の磁場計算と比較して特に問題ない結果である。図6 に全台数の磁場の統計的な標準偏差(standard deviation)を"sdev"として、平均からのずれの最大値を"dmax"として示す。設計仕様の個体差は3 乗以内であり、測定誤差を考慮すれば、それは



満たされている。なお、励磁曲線は各電流値で 10 回測定、水平分布は各位置で 5 回測定の平均を行っ ている。各測定毎の 10 回、5 回のばらつきは 4 乗 ~5 乗台である。図 7 に磁場の傾きのばらつきを示 す。測定前のアライメント時にターゲット座の清掃 研磨を行っているが、1 台に 3 カ所あるターゲット 座の傾きのばらつき(数十 mrad 程度)を考慮に入 れると(据付は 3 カ所の平均とした)、このばらつ きは妥当である。

4. OM 磁場測定途中経過

QM については、テスト測定を行いつつ、磁場測 定器のノイズ減少に取り組んでおり、現在までに1 巻コイルで22 台の測定を行い、多数巻コイルで6 台の試験測定を行っている。まだ試験測定及び磁極 端のエンドシムの検討中である為、ここではある程 度時系列に沿って現状を報告する。

磁場測定装置の調整開始時、2 極成分の誤差が特 に大きかった。原因は回転コイルと端子台を結ぶ ケーブル(コイルを抜き差しする為に長く取ってあ る部分、図 8)がコイルの回転とともに架台とこす れて何度か跳ねることと、電磁石コアが電気的に浮





図7:電磁石傾きの個体差。磁場の2極磁場の 位相のずれ最大値と標準偏差。





図 8: 誤差 2 極成分の原因となった ケーブル。(ケーブルタイで固定済み の様子。)



図 9:1巻コイルによる励磁曲線の測定結果と、 22 台のばらつき(ベアリング交換前の試験測定 のまとめ)。

いていて、初期化で微妙に帯電することであった。 どちらの誤差も測定毎におよそ再現し、励磁電流に 依存しない誤差2極成分を発生させた。ケーブルを 測定の度にきちんと固定する様にし、電磁石本体に 接地線を取り付けることで、この誤差は抑制された。

1 巻コイルで測定した 22 台分の平均励磁曲線と データのばらつきを図 9 に示す。高次成分は積分器 の分解能以下である上に、誤差に埋もれてしまい、 この段階ではうまく測定できていない。

さて、エミッタンスの大きい陽電子ビームを損失 なく捕獲する為には、広いダイナミックアパーチャ が必要であり、そのためには高次磁場、特に 12 極 成分を補正する必要がある。ところが、12 極成分 の電圧信号は 4 極成分のおよそ 1/1000 以下であり、 正確な測定は容易ではない。特に 1 巻コイルでは、 コイルからの電圧信号を正確に読み取る為に使う電 圧積分器の最小分解能(10⁻⁸Vsec)に満たない信号 となってしまっていた。そこで、磁場の絶対値の精 度を若干許容(1 巻コイルの測定結果と比較較正) することにし、多数巻コイルを製作することにした。

製作した多数巻コイルで測定を行ったところ、信 号電圧は向上したものの、やはり誤差が大きく、正 確な測定ができていないことが分かった。信号波形

図 10: 微少なスパイク状の誤差の原因となったベアリン グ。左側が交換前、右側が交換後(コイル挿入時、上側は 外す)。



図 11:ベアリング改善前後の信号波形の比 較。グラフは 350A 時の多数巻長コイルの信 号波形から 2 極、4 極成分を引いた残りで、 単位は積分器の分解能である 10⁻⁸[Vsec]。(こ の単位のままで各極成分に対応するおよその 振幅目安(改善後)は、2 極成分 5000、4 極 成分 100000、6 極、8 極成分 500、10 極 300、 12 極 100 程度である。)

から2極と4極を引いた後の多極成分波形に残るス パイク状のノイズがその原因であろうと推定し、そ の対策を行った。コイルは両端をエアベアリングで 固定し、さらにたわみ防止の為に電磁石両脇の2点 を樹脂製のベアリングで支えているが、この樹脂製 のベアリング(図10(a))のがたつきがノイズの原 因である。コイル回転角(たわみによる力の差)に 対するベアリングのがたつきもおよそ再現する為、 測定毎に似た様な場所にスパイクが立つ。ベアリン グをがたつきのないものに交換し、上からもコイル を押さえる構造にした結果(図10(b))、ノイズは 大幅に減少した(図11)。

ところで、DR の QM では、軸方向の磁極の端に 鰓の様な出っ張り(tangential shim)が作ってある。電 磁石内部で磁極の裾の磁場を持ち上げておき、軸方 向の磁極端での落ちを補正する為であった。ところ が、硅素鋼板の積層で製作された QM コアの磁極長 をそろえる為に、電磁石軸方向の磁極端に面取り (end chamfer)を行った効果が予想以上に大きく、

結果、軸方向の磁極裾でも磁場が持ち上げられ、12



図 12:12 極成分補正用のエンドシム試作例



図 13:多数巻コイル、新ベアリング、シムなし で現在までに測定した 6 台の QM の平均励磁曲 線。ef は実効磁場勾配、ct は中心磁場勾配。



図 14:6 台分の 12 極成分の測定結果

極は4極と同位相で発生することとなった。現在、 磁極中央付近の磁場を持ち上げる為のエンドシム板 を検討、試験製作し(図12)、枚数及び形状の最 適化を行っている。

多数巻コイル、新ベアリング、シムなしの組み合わせで行った QM6 台分の平均励磁曲線を図 13 に示

す。6 台分の 12 極成分の測定結果を図 14 に示す。 12 極成分は測定誤差が大きい為、誤差の為にばら ついているのか、現実に個体差があるのか、まだ区 別できていない段階である。

5. まとめ

SuperKEKB/PF-AR 入射用 DR の偏向電磁石及び 4 極電磁石の磁場測定を行っている。偏向電磁石に ついては装置の立ち上げ等に問題はなく、順調に進 んでおり、残りは B2 電磁石のみである。一方、4 極電磁石については測定誤差が大きく、装置の調整、 改善を続けている。高次成分の補正が重要であるが、 現在、12 極成分補正の為のエンドシムの設計検討 及び試作、測定を行っている最中である。

参考文献

- M.Kikuchi et al., "DESIGN OF POSITRON DAMPING RING FOR SUPER-KEKB", Proc. Of IPAC2010, (2010), pp.1641-1643
- [2] Ĥ.Takaki, "PF-AR 入射路4 GeV 化", 2012 PF シンポ ジウム予稿集(FL-05)
- [3] 原田他、"PF 直線部増強用の4 極電磁石磁場測定",第 14回加速器科学研究発表会、つくば、2003,1P031